

§ エントロピー-原理

$$X \leftrightarrow X'$$

互いに逆行する過程では、
 $(U, N) \leftrightarrow (U', N)$

のとき

エントロピー-原理

$$(U, X) \xrightarrow{a} (U', X') \leftrightarrow S(U, X) \leq S(U', X')$$

不可逆

が成立

証明 $(U, X) \xrightarrow{ab} (U'', X')$

$$X \neq X', \quad S(U, X) = S(U'', X')$$

X は X' の子系

$$\Rightarrow (U'', X') \xrightarrow{ab} (U, X) \xrightarrow{a} (U', X')$$

$$(U', X') \xrightarrow{a} (U', X') \text{ が可能}$$

$$U'' \leq U' \xrightarrow{\text{単調性}} S(U'', X') \leq S(U', X')$$

$$\parallel$$

$$S(U, X)$$

$$\leftarrow, S(U'', X') = S(U, X) \leq S(U', X')$$

逆

単調性 $U'' \leq U'$

$$(U'', X') \xrightarrow{a} (U', X') \text{ が可能}$$

かつ

$$(U, X)$$

複合状態のエントロピー-原理

$$(X_1, X_2, \dots, X_n) \xrightarrow{a} (X'_1, X'_2, \dots, X'_n)$$

互に逆行する

$$((U_1, X_1), \dots, (U_n, X_n)) \xrightarrow{a} ((U'_1, X'_1), \dots, (U'_n, X'_n))$$

不可逆



$$S((U_1, X_1), \dots, (U_n, X_n)) \leq S((U'_1, X'_1), \dots, (U'_n, X'_n))$$

が成立

$$\sum_{i=1}^n S(U_i, X_i) \leq \sum_{j=1}^n S(U'_j, X'_j)$$

証明の序

$$((U_1, X_1), \dots, (U_n, X_n)) \xrightarrow{ab} ((U', X'), \dots, (U'_n, X'_n))$$

$T(U_i, X_i)$ は $T(U', X')$ の子系

$$\xrightarrow{ab} (U', X', X'_2, \dots, X'_n)$$

断熱操作

連続性

$$\sum_{i=1}^n U_i$$

同様にして

$$((U'_1, X'_1), \dots, (U'_n, X'_n)) \xrightarrow{ab} ((U'', X''), \dots, (U''_n, X''_n))$$

これは (U', X', \dots, X'_n) と (U'', X'', \dots, X''_n)

間のエントロピー-原理



先ほどの同じ

エントロピー-原理の意味

断熱操作が可能な不可能な定量的な区別

「 T 状態と T' 状態は、区別可能な子系」
「 T 状態と T' 状態は、区別可能な子系」
「 T 状態と T' 状態は、区別可能な子系」

$$d_1 \xrightarrow{a} d_2 \text{ 不可逆 } S(d_1) > S(d_2)$$

$$d_2 \xrightarrow{a} d_1 \text{ 可能 } S(d_2) > S(d_1)$$

もし $S(d_1) + S(d_2) \leq S(d'_1) + S(d'_2)$ かつ $(d_1, d_2) \xrightarrow{a} (d'_1, d'_2)$ が可能!!

